

Donner, sans démonstration, les conditions aux limites auxquelles doivent satisfaire les composantes tangentielle  $E_{t1}$ ,  $E_{t2}$ ,  $B_{t1}$  et  $B_{t2}$  et normale  $E_{n1}$ ,  $E_{n2}$ ,  $B_{n1}$  et  $B_{n2}$  des champs  $\mathbf{E}$  et  $\mathbf{B}$  de part et d'autre de l'interface séparant les milieux (1) et (2). Il n'y a pas de distribution surfacique de charges libres.

Un milieu diélectrique d'indice  $n > 1$  occupe le demi-espace  $z < 0$  tandis que le vide occupe le demi-espace  $z > 0$  (figure 2).

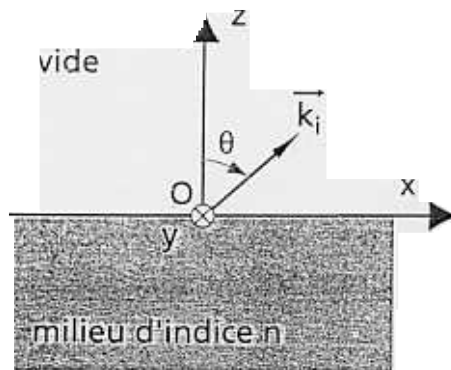


Fig. 2. - Géométrie utilisée dans cette partie

Une onde plane monochromatique incidente de pulsation  $\omega$  et de vecteur d'onde  $\mathbf{k}_i$ , et se propageant dans le milieu d'indice  $n$  tombe sur la surface de séparation  $z=0$  avec un angle  $\theta = (\mathbf{u}_z, \mathbf{k}_i)$  tel que l'on soit en réflexion totale. On supposera l'onde électromagnétique polarisée de façon rectiligne.

Le champ électrique incident  $\mathbf{E}_i$  est perpendiculaire au plan d'incidence, son amplitude est  $E_0$ . Ecrire les composantes du vecteur  $\mathbf{k}_i$  en fonction des quantités suivantes :

$$\alpha = \frac{n\omega}{c} \cos \theta \qquad \beta = \frac{n\omega}{c} \sin \theta$$

Ecrire la forme complexe de cette onde en un point  $M$  repéré par le vecteur position  $\mathbf{r} = \mathbf{OM}$  en fonction de  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $E_0$ ,  $x$ ,  $z$  et  $t$ . Au nombre réel  $\cos(\omega t)$  on associe le nombre complexe  $\exp(-j \omega t)$ .

Retrouver la relation vectorielle qui lie  $\mathbf{B}$  et  $\mathbf{E}$  pour une onde plane.

En déduire les composantes en valeur complexe du champ magnétique  $\mathbf{B}_i$  de l'onde incidente en fonction de  $E_0$ ,  $\omega$ ,  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $x$ ,  $z$  et  $t$ .

L'onde réfléchie sur le dioptré possède le vecteur d'onde réfléchi  $\mathbf{k}_r$ .

Exprimer les composantes de  $\mathbf{k}_r$  en fonction de  $\alpha$  et  $\beta$ .