

Donner, sans démonstration, les conditions aux limites auxquelles doivent satisfaire les composantes tangentielles E_{t1} , E_{t2} , B_{t1} et B_{t2} et normales E_{n1} , E_{n2} , B_{n1} et B_{n2} des champs \mathbf{E} et \mathbf{B} de part et d'autre de l'interface séparant les milieux (1) et (2). Il n'y a pas de distribution surfacique de charges libres.

Un milieu diélectrique d'indice $n > 1$ occupe le demi-espace $z < 0$ tandis que le vide occupe le demi-espace $z > 0$ (figure 2).

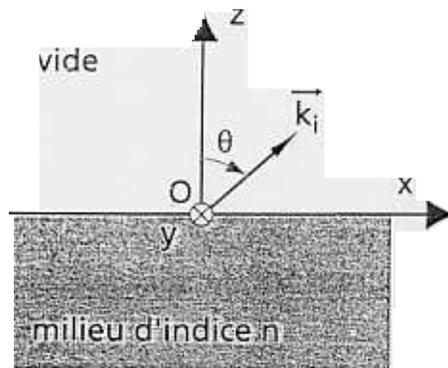


Fig. 2. - Géométrie utilisée dans cette partie

Une onde plane monochromatique incidente de pulsation ω et de vecteur d'onde \mathbf{k}_i , et se propageant dans le milieu d'indice n tombe sur la surface de séparation $z=0$ avec un angle $\theta = (\mathbf{u}_z, \mathbf{k}_i)$ tel que l'on soit en réflexion totale. On supposera l'onde électromagnétique polarisée de façon rectiligne.

Le champ électrique incident \mathbf{E}_i est perpendiculaire au plan d'incidence, son amplitude est E_0 . Ecrire les composantes du vecteur \mathbf{k}_i en fonction des quantités suivantes :

$$\alpha = \frac{n\omega}{c} \cos \theta \qquad \beta = \frac{n\omega}{c} \sin \theta$$

Ecrire la forme complexe de cette onde en un point M repéré par le vecteur position $\mathbf{r} = \mathbf{OM}$ en fonction de α , β , E_0 , x , z et t . Au nombre réel $\cos(\omega t)$ on associe le nombre complexe $\exp(-j \omega t)$.

Retrouver la relation vectorielle qui lie \mathbf{B} et \mathbf{E} pour une onde plane.

En déduire les composantes en valeur complexe du champ magnétique \mathbf{B}_i de l'onde incidente en fonction de E_0 , ω , α , β , x , z et t .

L'onde réfléchie sur le dioptre possède le vecteur d'onde réfléchi \mathbf{k}_r .

Exprimer les composantes de \mathbf{k}_r en fonction de α et β .